

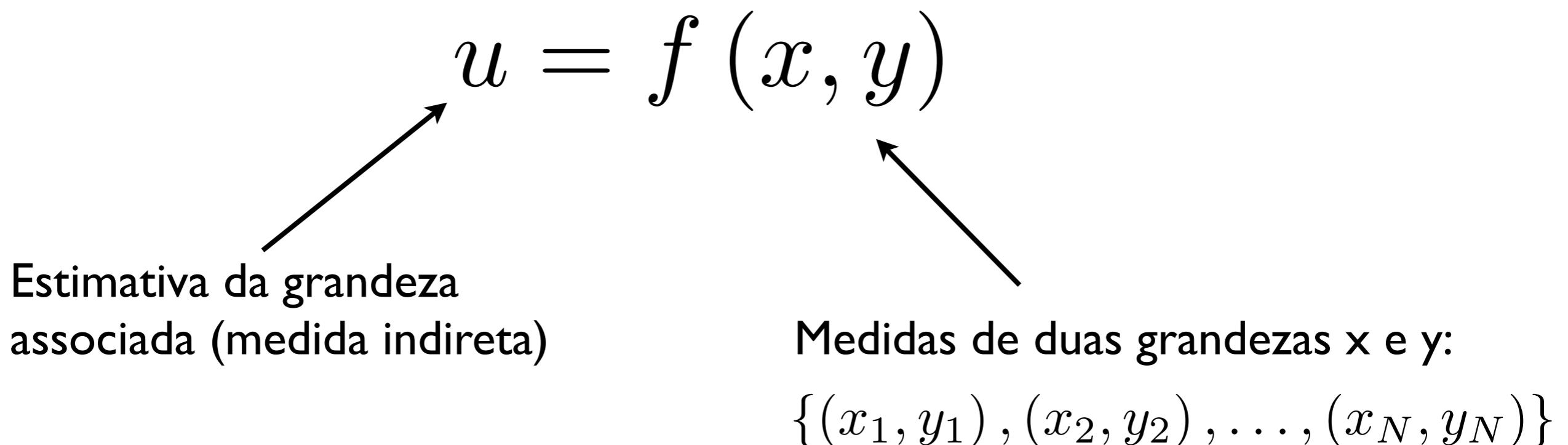
# Física Geral - Laboratório

Propagação de erros e medida de resistores em  
série e em paralelo



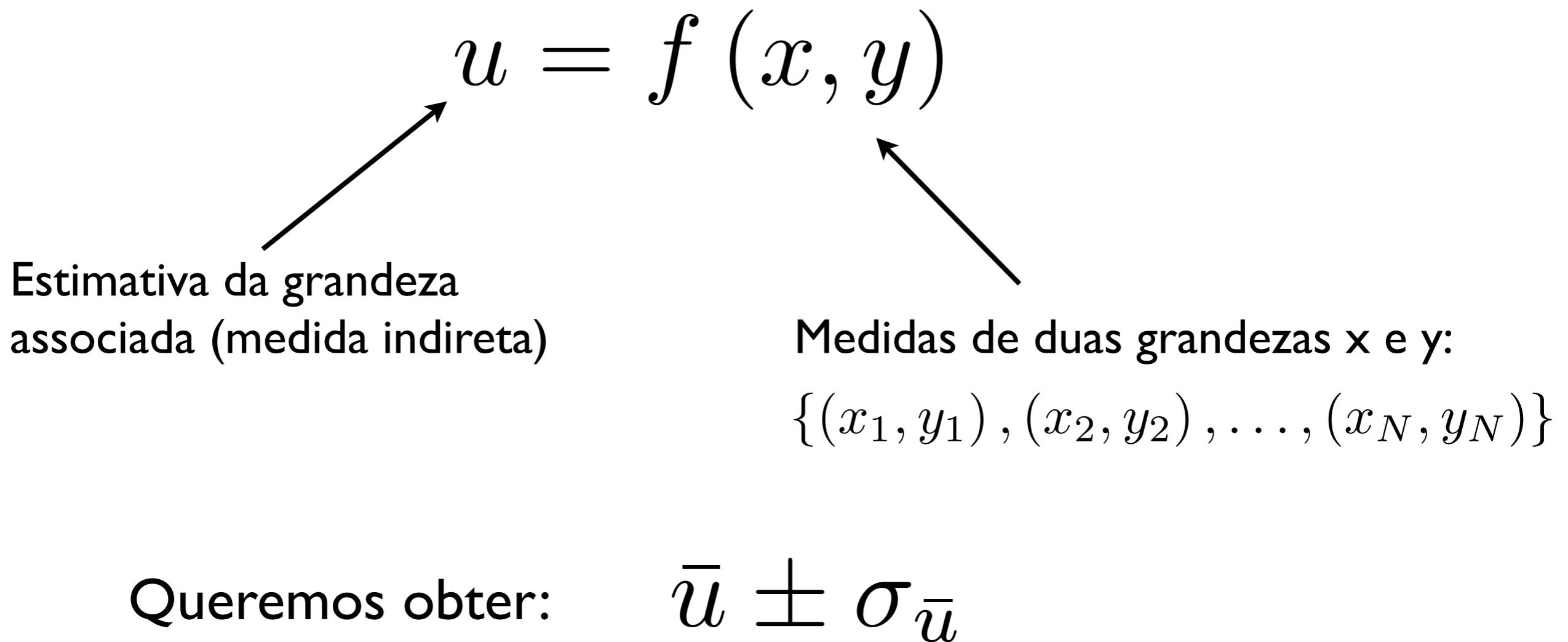
# Medidas indiretas - Propagação de erros

## □ Propagação de erros

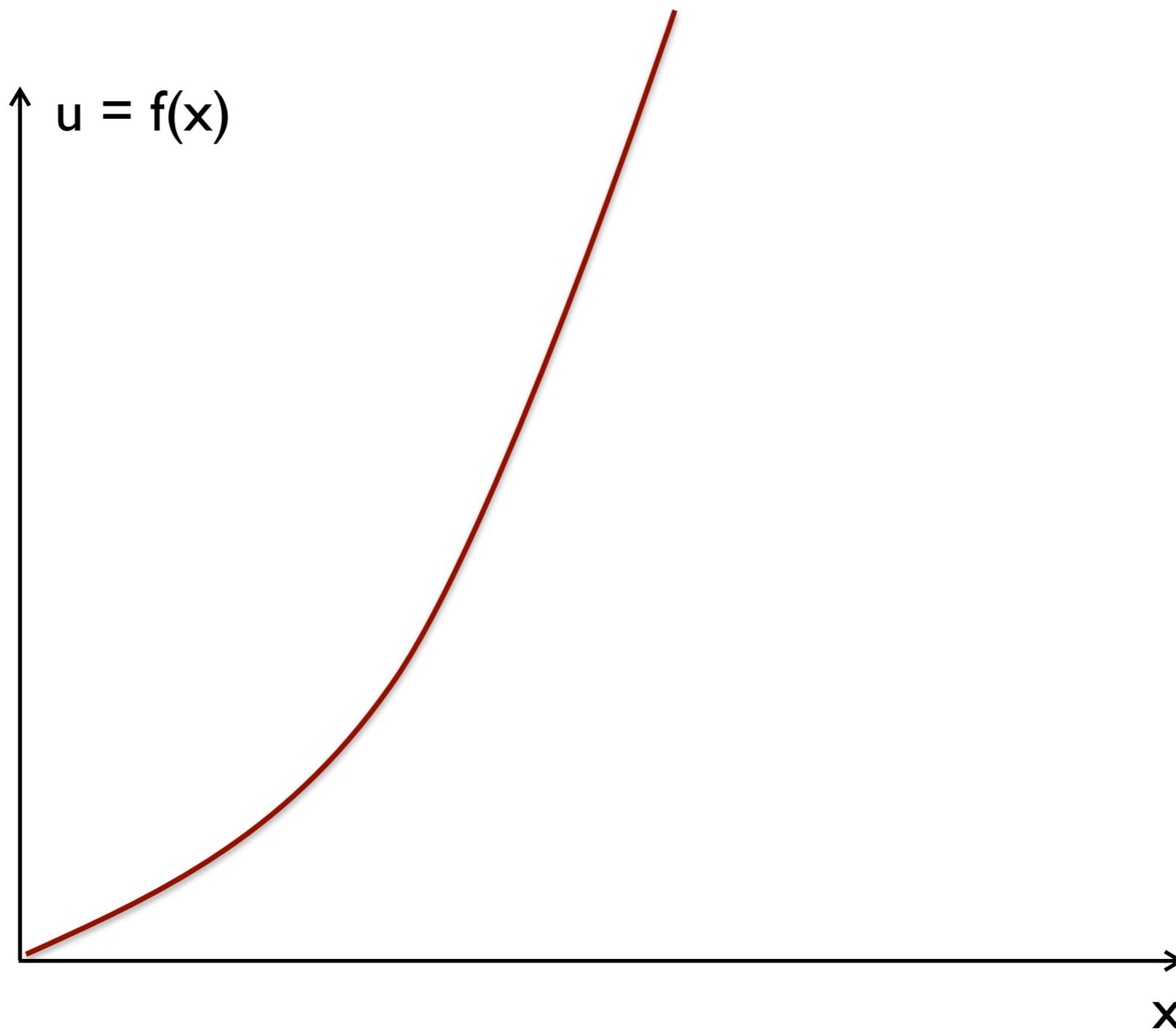


# Medidas indiretas - Propagação de erros

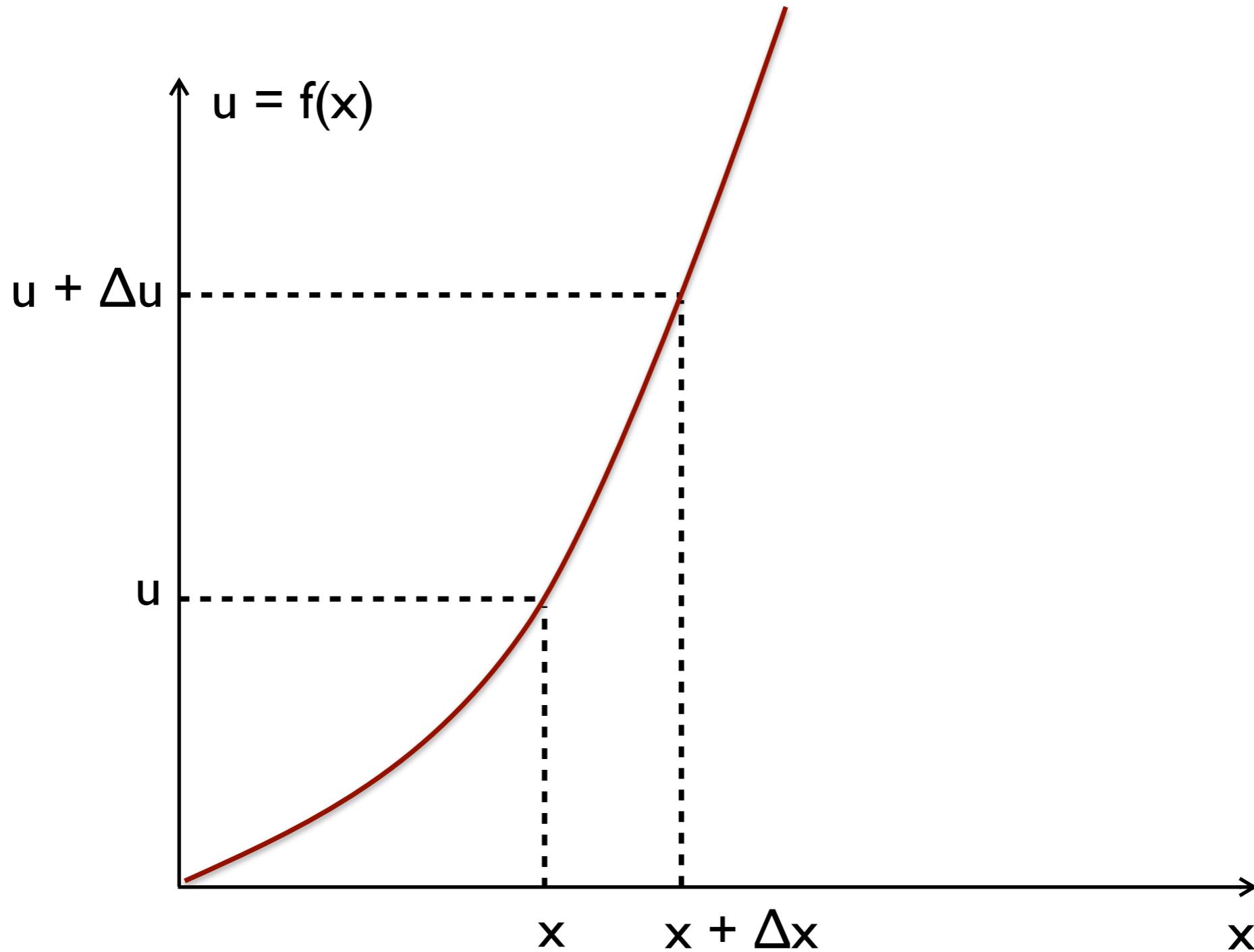
## □ Propagação de erros



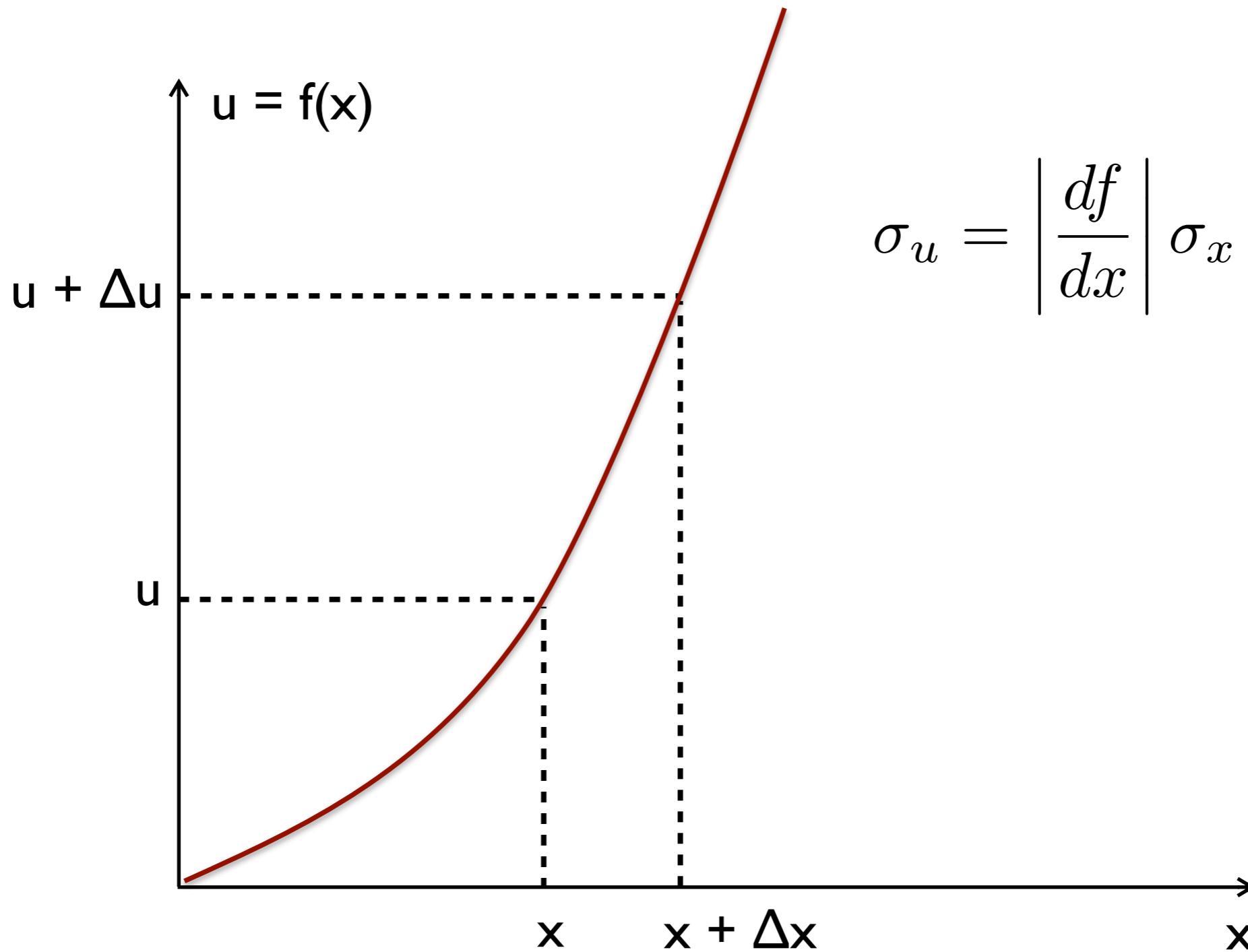
# Medidas indiretas - Propagação de erros



# Medidas indiretas - Propagação de erros



# Medidas indiretas - Propagação de erros



# Propagação de erros

Em geral:  $u = f(x, y)$

$$\sigma_{\bar{u}}^2 = \left( \frac{\partial f}{\partial x} \right)^2 \Bigg|_{(\bar{x}, \bar{y})} \sigma_{\bar{x}}^2 + \left( \frac{\partial f}{\partial y} \right)^2 \Bigg|_{(\bar{x}, \bar{y})} \sigma_{\bar{y}}^2 + \frac{2}{N} \left( \frac{\partial f}{\partial x} \right) \left( \frac{\partial f}{\partial y} \right) \Bigg|_{(\bar{x}, \bar{y})} \sigma_{xy}$$

---

$$\bar{u} = f(\bar{x}, \bar{y})$$

i)  $u = x \pm y \longrightarrow \sigma_{\bar{u}} = \sqrt{\sigma_{\bar{x}}^2 + \sigma_{\bar{y}}^2 \pm 2r\sigma_{\bar{x}}\sigma_{\bar{y}}}$

ii)  $u = xy$   $\longrightarrow \frac{\sigma_{\bar{u}}}{|\bar{u}|} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{\bar{x}}}{\bar{x}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{\bar{y}}}{\bar{y}}\right)^2 \pm 2r\left(\frac{\sigma_{\bar{x}}}{\bar{x}}\right)\left(\frac{\sigma_{\bar{y}}}{\bar{y}}\right)}$   
ou  
 $u = x/y$

# Propagação de erros

$$u = \alpha x \Rightarrow \sigma_{\bar{u}} = |\alpha| \sigma_{\bar{x}}$$

$$u = \frac{\alpha}{x} \Rightarrow \sigma_{\bar{u}} = \frac{|\alpha|}{\bar{x}^2} \sigma_{\bar{x}}$$

Exercícios:

i)  $u = x^2$

v)  $p = kl$

ii)  $u = (x \cdot y) / (x + y)$

vi)  $I = V/R$

iii)  $u = x + y + z$

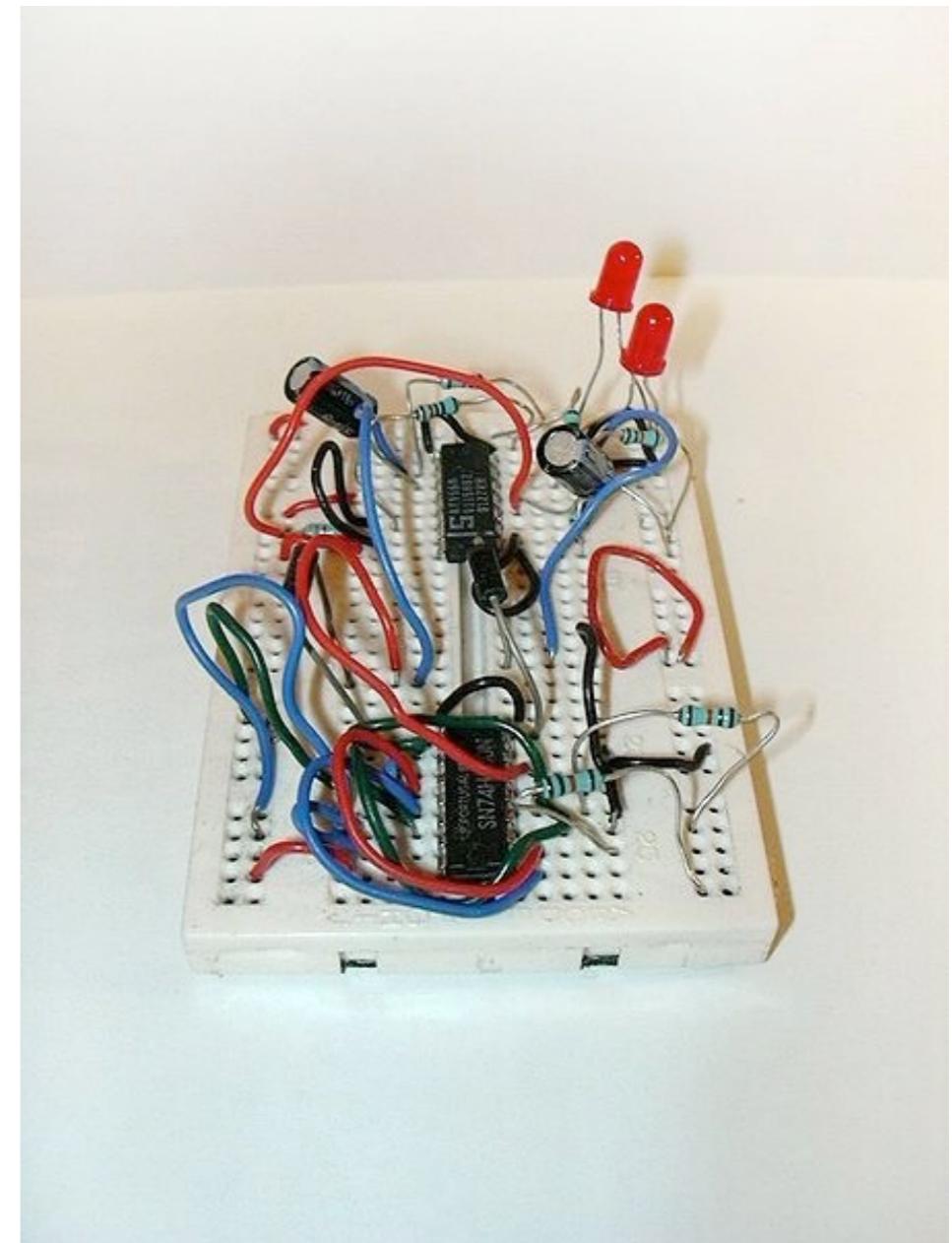
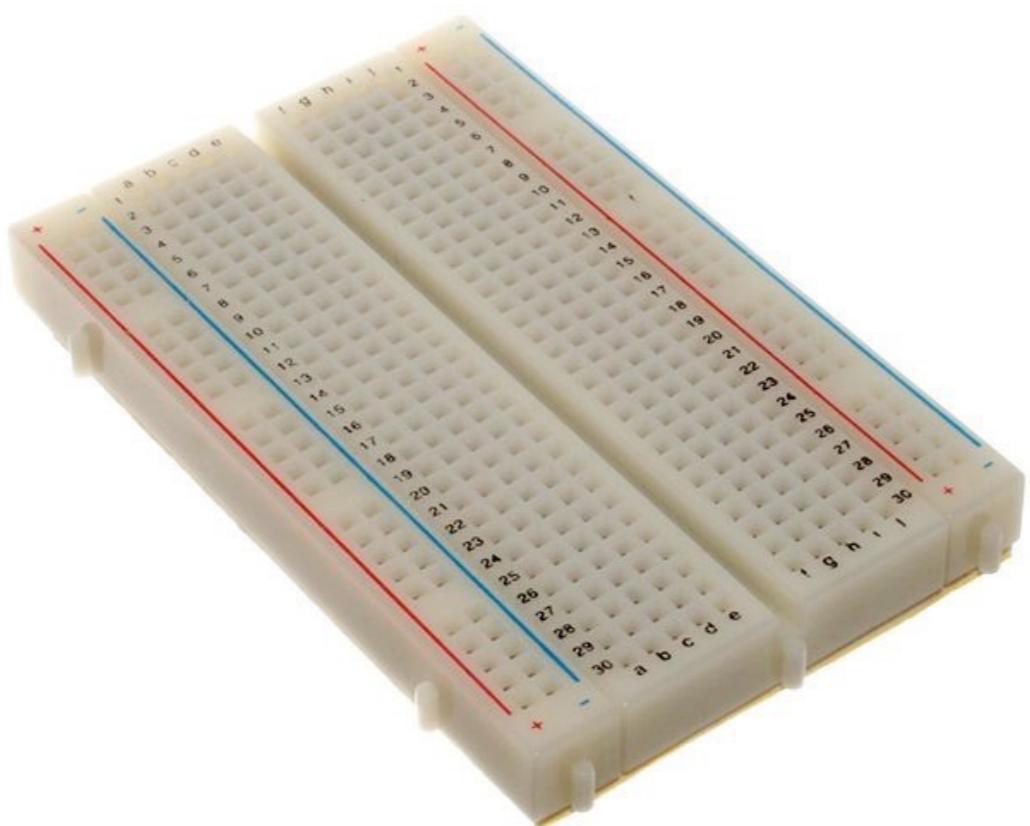
vii)  $v = \sqrt{2gh}$

iv)  $u = xy + z$

viii)  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

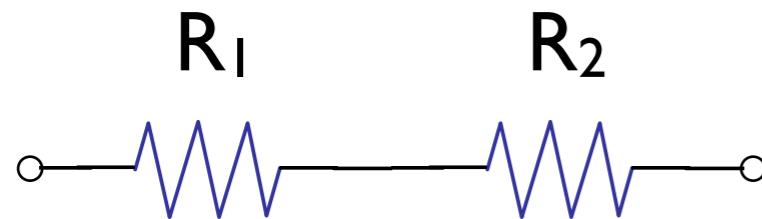
# Montagem experimental

“Protopboard”



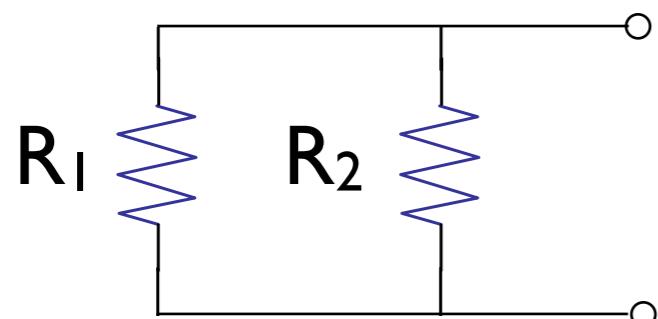
# Resistores em série e paralelo

Resistores em série:



$$R_s = R_1 + R_2$$

Resistores em paralelo:

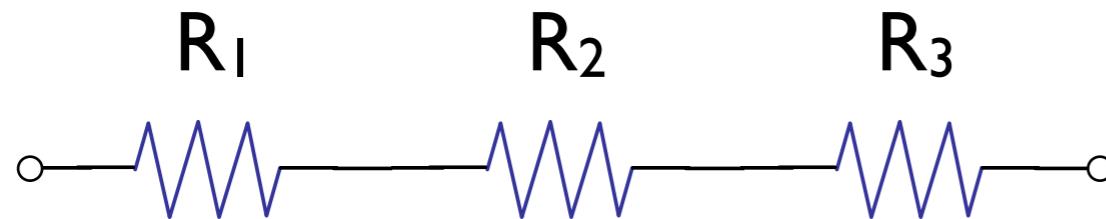


$$I/R_p = I/R_1 + I/R_2$$

$$R_p = (R_1 \cdot R_2) / (R_1 + R_2) = "R_1 // R_2"$$

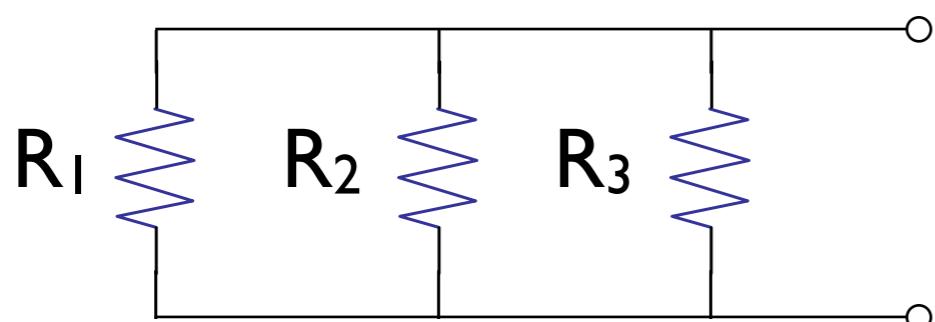
# Resistores em série e paralelo

Resistores em série:



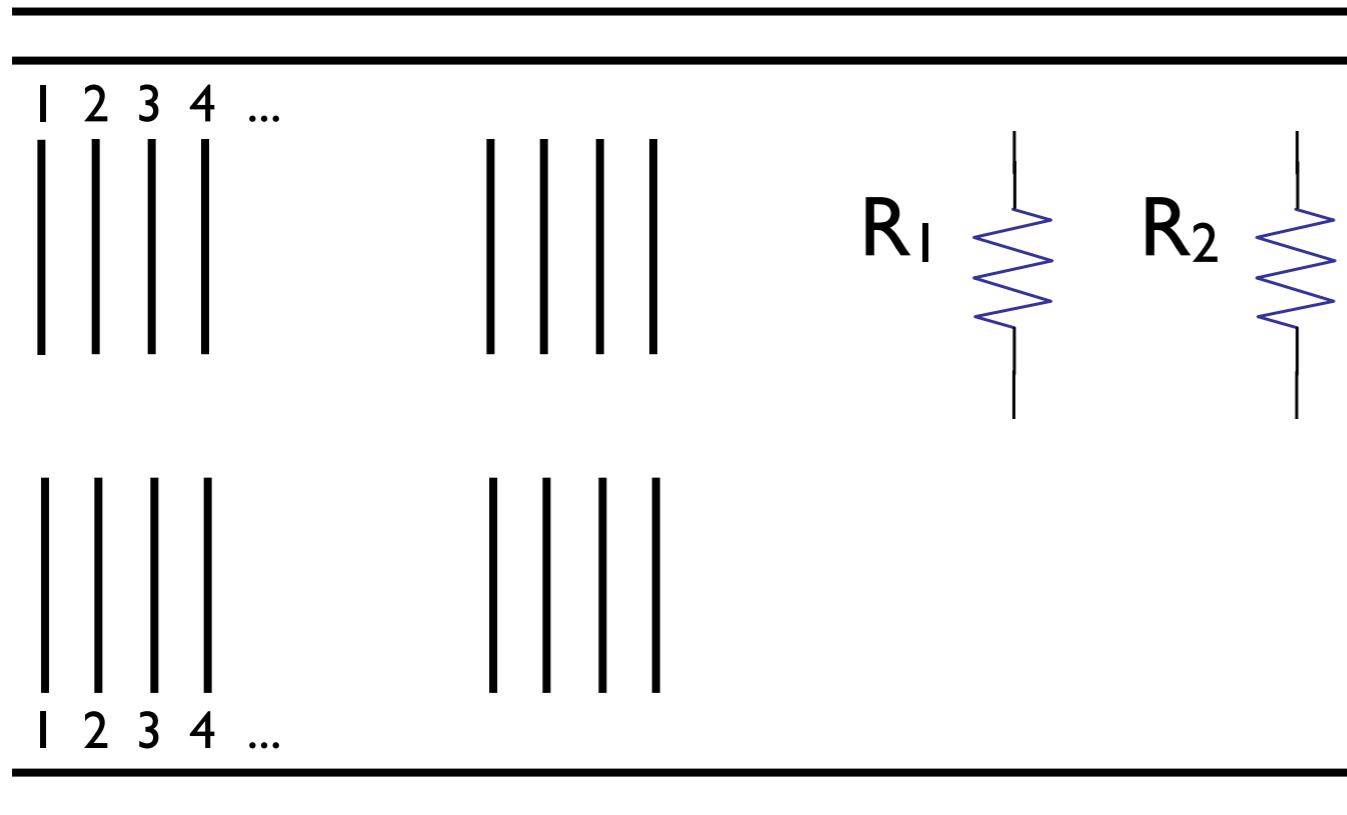
$$R_S = R_1 + R_2 + R_3$$

Resistores em paralelo:

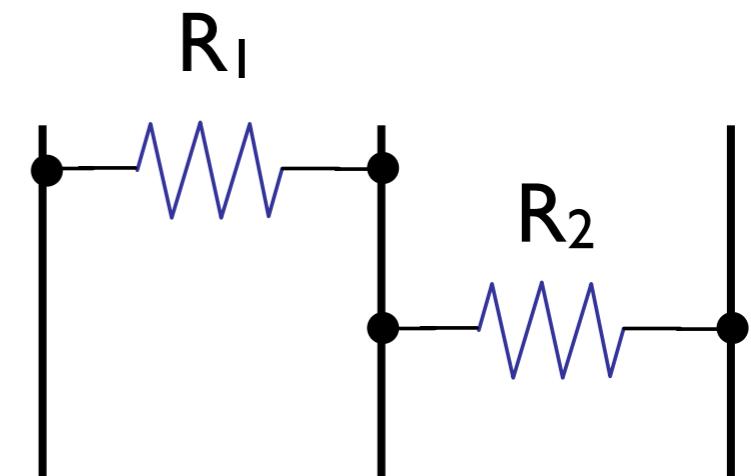


$$R_P = (R_1 // R_2) // R_3$$

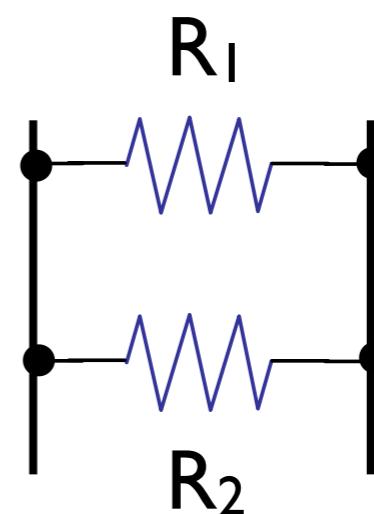
# Montagem experimental



Resistores em série:

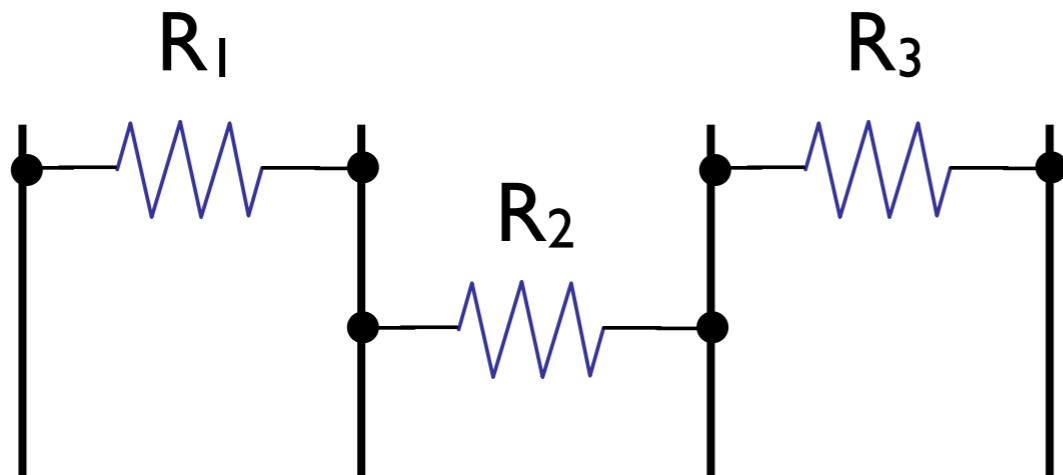


Resistores em paralelo:

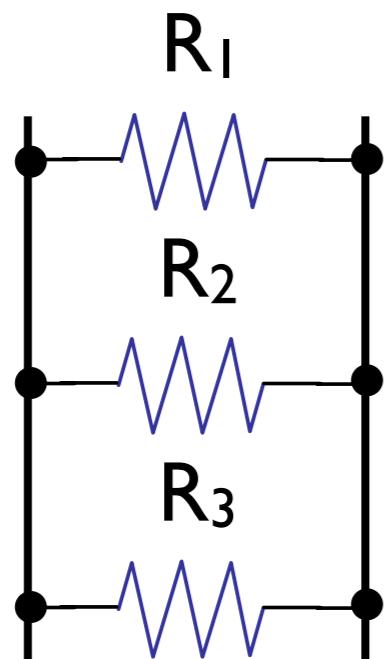


# Montagem experimental

Resistores em série:



Resistores em paralelo:

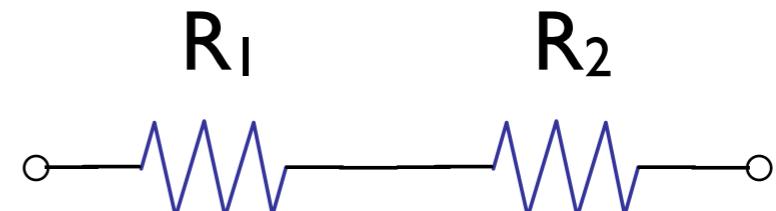


# Atividade de aula

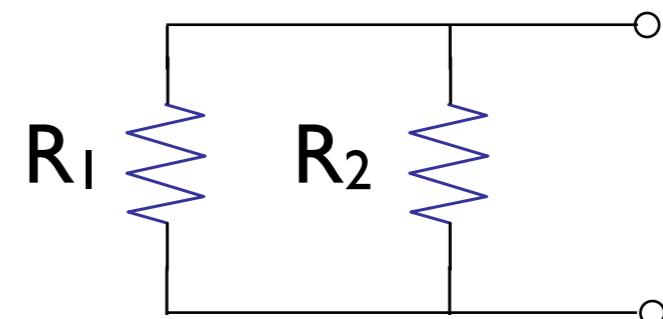
I - Determinar os valores de dois resistores a partir da medição com um multímetro digital → Obter  $R_1 \pm \sigma_{R1}$  e  $R_2 \pm \sigma_{R2}$

- Utilize a escala de maior precisão
- Compute a incerteza (Tipo B) a partir das especificações do multímetro

2 - Montar um circuito com os dois resistores em série e medir a resistência equivalente → Obter  $R_s \pm \sigma_{Rs}$



3 - Montar um circuito com os dois resistores em paralelo e medir a resistência equivalente → Obter  $R_p \pm \sigma_{Rp}$



# Atividade de aula

4 - A partir das medidas de resistência dos dois resistores independentemente:  $R_1 \pm \sigma_{R1}$  e  $R_2 \pm \sigma_{R2}$

- Calcular a resistência equivalente dos resistores em série

$$(R_s = R_1 + R_2)$$

- Calcular a resistência equivalente dos resistores em paralelo

$$(1/R_p = 1/R_1 + 1/R_2)$$

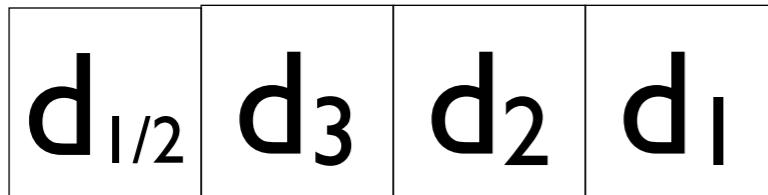
5 - Analisar a compatibilidade entre a medida direta (2 e 3) e indireta (4) da resistência equivalente dos resistores em série e paralelo

Trabalho em forma de relatório:

- Introdução, objetivo e descrição da experiência
- Cálculos e análise dos resultados
- Conclusão

# Multímetro digital

Display digital de “3 1/2” dígitos:



Número de  
“contagens”: 0 - 1999

Funções:

Medição de tensão contínua (DC - V)

Medição de tensão alternada (AC - V)

Medição de corrente contínua (DC - A)

Medição de resistência ( $\Omega$ )

Possivelmente: Teste de continuidade,  
testes de diodos e transistores,...



# Multímetro digital: Incerteza da medida

Um multímetro digital possui especificações fornecidas pelo fabricante que determinam o limite de erro ( $L$ ) para uma medida, da forma:

$$L = a\% \text{ (leitura)} + b \text{ dígito} \quad \sigma_B = \frac{L}{2}$$

Mais uma vez podemos considerar o limite de erro correspondendo a um nível de confiança de  $\sim 95\%$  ( $\sigma = L/2$ )

# Multímetro digital: Incerteza da medida

Especificações para medição de resistência (limites de erro):

Escala	Resolução	Precisão (Limite de erro)
200 $\Omega$	0,1 $\Omega$	$\pm$ (0,8% leitura + 4 dígitos)
2 k $\Omega$	1 $\Omega$	$\pm$ (0,8% leitura + 2 dígitos)
20 k $\Omega$	0,01 k $\Omega$ = 10 $\Omega$	$\pm$ (0,8% leitura + 2 dígitos)
200 k $\Omega$	0,1 k $\Omega$ = 100 $\Omega$	$\pm$ (0,8% leitura + 2 dígitos)
20 M $\Omega$	10 k $\Omega$	$\pm$ (3,0% leitura + 3 dígitos)

Minipa ET-1100

# Multímetro digital: Incerteza da medida

Especificações para medição de resistência (limites de erro):

Escala	Resolução	Precisão (Limite de erro)
200 $\Omega$	0,1 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$
2000 $\Omega$	1 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$
20 k $\Omega$	0,01 k $\Omega$ = 10 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$
200 k $\Omega$	0,1 k $\Omega$ = 100 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$
2000 k $\Omega$	1 k $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$
20 M $\Omega$	0,01 M $\Omega$ = 10 k $\Omega$	$\pm (1,0\% \text{ leitura} + 5 \text{ dígitos})$

Minipa ET-1110A

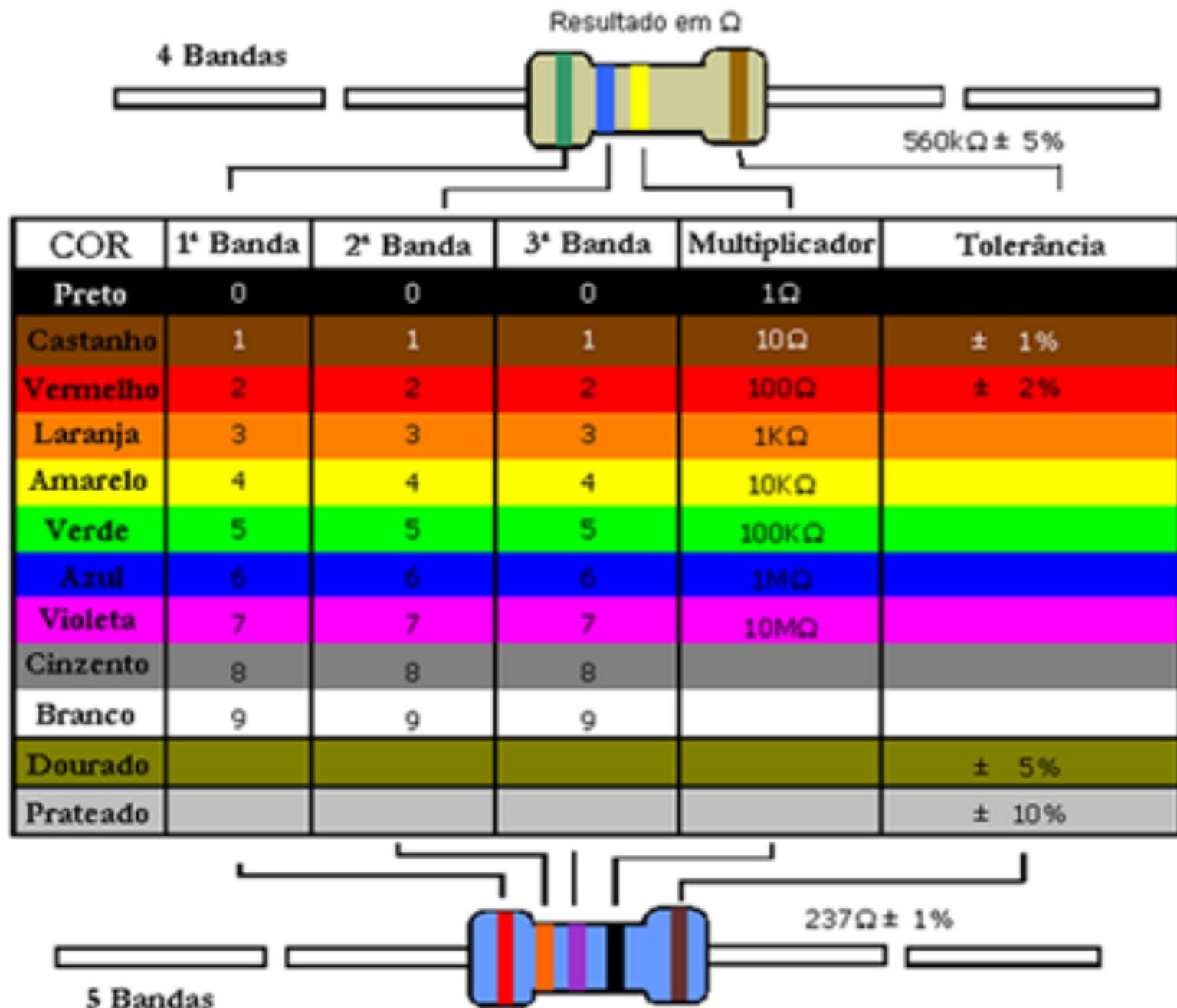
# Multímetro digital: Incerteza da medida

Especificações para medição de resistência (limites de erro):

Escala	Resolução	Precisão (Limite de erro)
200 $\Omega$	100 m $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 2 \text{ dígitos})$
2000 $\Omega$	1 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 2 \text{ dígitos})$
20 k $\Omega$	10 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 2 \text{ dígitos})$
200 k $\Omega$	100 $\Omega$	$\pm (0,8\% \text{ leitura} + 2 \text{ dígitos})$
2000 k $\Omega$	1 k $\Omega$	$\pm (1\% \text{ leitura} + 2 \text{ dígitos})$

Multitoc DT830B

# Como ler o código de cores de um resistor



Precisão

Cor	Código
Preto	0
Castanho	1
Vermelho	2
Laranja	3
Amarelo	4
Verde	5
Azul	6
Violeta	7
Cinza	8
Branco	9

Castanho	± 1%
Vermelho	± 2%
Dourado	± 5%
Prata	± 10%