# Física Geral - Determinação da aceleração da gravidade usando um pêndulo simples (v. 2019)

Tema da prática: Ajuste linear - técnica de ajuste de funções a conjuntos de pares de variáveis relacionadas por uma dependência funcional.

O objetivo desta prática é obter uma estimativa da aceleração da gravidade g e de sua incerteza  $\sigma_g$ , via ajuste linear dos dados obtidos para o pêndulo, explorando-se a dependência entre o comprimento e o período de um pêndulo simples.

### O pêndulo simples

Um pêndulo simples consiste de um peso suspenso por um fio de comprimento l cuja outra extremidade encontra-se fixa a algum ponto, conforme ilustrado na figura ao lado. Para pequenos ângulos ( $< 10^{\circ}$ ) do fio em relação à normal, a seguinte relação entre o período T e a distância L que separa o ponto de fixação do centro de gravidade do peso suspenso é válida:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \quad \Longrightarrow \quad L = g \frac{T^2}{4\pi^2}$$

### Ajuste linear aplicado ao pêndulo simples

Observe que, em um pêndulo simples, as duas grandezas diretamente mensuráveis são o comprimento (l) e o período (T). Como avaliar a grandeza desejada, a aceleração da gravidade g, e sua correspondente incerteza  $\sigma_{\mathbf{g}}$ , a partir de um conjunto de medidas  $\{l_i, T_i\}$  destas grandezas?

Reescrevendo de forma conveniente a equação do pêndulo, podemos fazer uma associação à equação de uma reta.

$$L = l + d \implies \boxed{l = g\left(\frac{T}{2\pi}\right)^2 - d} \implies y = ax + b$$

$$\boxed{\left(\frac{T}{2\pi}\right)^2 \Rightarrow x} \qquad \boxed{g \Rightarrow a} \qquad \boxed{b \Rightarrow -d}$$

Desta maneira, a estimativa dos coeficientes angular (a) e linear (b) é dada pelas relações:

$$a = g = r \frac{\sigma_y}{\sigma_x} = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x^2}, \qquad b = \overline{y} - g\overline{x}$$

e suas incertezas  $(\sigma_g)$  e  $(\sigma_b)$  por:

$$\sigma_a = \sigma_g = \frac{1}{\sigma_x} \frac{\epsilon_y}{\sqrt{N}}, \qquad \sigma_b = \sigma_g \sqrt{\overline{x^2}}$$

$$\epsilon_y = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \frac{[y_i - (a.x_i + b)]^2}{N - 2}}, \qquad \epsilon_y = \sqrt{\frac{N}{N - 2} \left(\sigma_y^2 - \frac{\sigma_{xy}^2}{\sigma_x^2}\right)} = \sigma_y \sqrt{\frac{N}{N - 2} (1 - r^2)}$$

## Física Geral - Determinação da aceleração da gravidade usando um pêndulo simples (v. 2019)

## Experiência com o Pêndulo

- Montar um pêndulo, usando o peso de 20 gf.
- Realizar 5 baterias de medidas, variando o comprimento do fio no intervalo de 100 cm a 50 cm.
- Fazer em cada bateria uma medida de tempo para 10 períodos do pêndulo.
- Determinar a reta que melhor se ajusta aos dados coletados e representá-la, juntamente com os dados, em um diagrama de dispersão. Estimar o valor de g e da incerteza  $\sigma_g$ .
- Verificar a compatibilidade com o valor de referência  $(g_{ref} = 9,78789849(14) \text{ m/s}^2)$ .
- Calcular o erro relativo  $\sigma_q/g$ .
- Estimar o comprimento do pêndulo de Foucault, localizado no vão das escadas, e a sua incerteza (se o mesmo estiver em operação).

## Sugestão para a realização do relatório

- Título da experiência.
- Objetivo da experiência.
- Descrição da experiência.
- Cálculos, incluindo tabelas de dados e indicação dos cálculos parciais. Para os cálculos relativos ao ajuste linear, recomenda-se que seja criada uma tabela com uma coluna correspondente a cada variável que aparecer em somatórios nas equações do ajuste linear. Por exemplo:  $x_i$ ,  $y_i$ ,  $x_i^2$ ,  $x_iy_i$ , etc.
- Resultados e conclusões.
- Referências.